

*Региональная предметно-методическая комиссия
по математике*



**ВСЕРОССИЙСКАЯ
ОЛИМПИАДА
ШКОЛЬНИКОВ**

*Задания муниципального этапа
всероссийской олимпиады школьников
2024/2025 учебного года
по математике
10 класс*

Составители:

Балаба Ирина Николаевна

Ваньков Борис Петрович

Рарова Елена Михайловна

Реброва Ирина Юрьевна

Родионов Александр Валерьевич

Контактный тел.: +7 (920) 752-86-57

Тула 2024

Всероссийская олимпиада школьников по математике 2024–2025
Муниципальный этап
10 класс

10.1 Миллион представлен как сумма двух натуральных слагаемых, каждое из которых делится на сумму цифр другого. Докажите, что слагаемые чётны.

10.2 Определите наименьшее возможное значение выражения

$$\sqrt{2x - 3y - 1} + \sqrt{x + 2y + 4} + \sqrt{5y - x}.$$

10.3 Каждую сторону и каждую диагональ выпуклого шестиугольника покрасили в один из двух цветов — красный или синий. Докажите, что найдётся хотя бы один треугольник, образованный тремя вершинами и отрезками между ними, такой, что все его стороны окрашены в один цвет.

10.4 Два железнодорожных пути пересекаются в точке O под углом 60° . К месту пересечения выезжают одновременно два поезда: пассажирский со станции A , находящейся в 30 км, и товарный со станции B — в 60 км от точки O . Пассажирский поезд идёт со скоростью 60 км/ч, а товарный — 30 км/ч. Через сколько времени поезда будут на наименьшем расстоянии друг от друга? Чему равно это расстояние?

10.5 Пусть $KLMN$ — трёхзвенная ломанная в пространстве, причём $KL = LM = MN$ и угол $\angle LMN = 90^\circ$. Найдите расстояние от K до середины LN , если $KN = a$.